

امتحان مادة: الرياضيات الشهادة الثانوية العامة (القسم الأدبي) للعام الدراسي ٢٠١٣-٢٠١٤ م

الدرجة

أجب عن أربعة أسئلة فقط من الأسئلة الستة التالية (يسمح باستخدام الآلة الحاسبة)

السؤال الأول

(أ) أكمل الفراغات في العبارات التالية بما يناسبها:

- (١) قيمة: $10^9 + 10^8 = \dots = \frac{10^9}{\dots} = \frac{10^9}{10^8} = 10$
- (٢) $\left. \begin{array}{l} \text{د (س)} \\ \text{س} \end{array} \right\} = \dots = \dots$
- (٣) عدد طرق جلوس (٧) طلاب حول طاولة مستديرة يساوي $7! = 1 \times 2 \times 3 \times 4 \times 5 \times 6 \times 7 = 5040$
- (٤) إذا كان $r = 10$ فإن نوع الارتباط بين المتغيرين x و y هو $\dots$

(ب) أجب عما يلي:

- (١) احسب: $10^3 = \dots = \frac{10^3}{10^2} = \frac{1000}{100} = 10$
- (٢) إذا كان: $10^3 = 1000$ فما قيمة 10^2 ؟
 $10^2 = 100 = \frac{1000}{10} = \frac{10^3}{10^1}$
- $10^3 = 1000 \Rightarrow 10^2 = 100 \Rightarrow 10^1 = 10 \Rightarrow 10^0 = 1$

السؤال الثاني

(أ) ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (×) أمام العبارة الخطأ لكل مما يلي:

- (١) $\left[\begin{array}{l} 1 \\ 2 \end{array} \right] = \left[\begin{array}{l} 2 \\ 1 \end{array} \right] \times \left[\begin{array}{l} 3 \\ 4 \end{array} \right]$ (×)
- (٢) $\left[\begin{array}{l} 1 \\ 2 \end{array} \right] \text{ س } = \text{ س } \left[\begin{array}{l} 1 \\ 2 \end{array} \right] + \text{ ث}$ (✓)
- (٣) التباين هو مجموع مربعات انحرافات القيم عن متوسطها الحسابي مقسوما على عددها (×)
- (٤) العلاقة التي تربط معامل انحدار s على x مع معامل الارتباط هي $p = r \times \frac{s_x}{s_y}$ (×)

(ب) أوجد الدالة الأصلية $D(s)$ إذا كانت: $D'(s) = 2s + 3$ إذا علمت أن $D(1) = 2$

$$D(s) = \int (2s + 3) ds = s^2 + 3s + C$$

$$D(1) = 1^2 + 3(1) + C = 2 \Rightarrow 1 + 3 + C = 2 \Rightarrow C = -2$$

$$\therefore D(s) = s^2 + 3s - 2$$

يتبع

٥٣.٣

(أ) ضع دائرة حول الإجابة الصحيحة من بين القوسين لكل مما يأتي

- (١) إذا كان الانحراف المعياري = ٩ فإن التباين =!..... [٩ ، ٣ ، (٨١) ، ١٨] .
 - (٢) إذا كان: $n = ٥$ ، فإن: $r =$!..... [٥ ، ١-٥ ، ١ ، ٥-١] .
 - (٣) من مقاييس النزعة المركزية هو..... [المدى ، التباين ، الانحراف المعياري (المنوال)] .
 - (٤) أي من القيم التالية يمكن اعتبارها معامل ارتباط ر..... [١.٢ ، (٠.٩) ، ٢ ، -١.٥] .
 - (٥) إذا كان $n = ٥$ ، فإن: $n =$ [٨ ، ٤ ، ١٣ ، (١٢)] .
 - (٦) عدد طرق تكوين علم من لونين من بين ٥ ألوان = [٥ ، ١٠ ، (٢٠) ، ٧] .
- (ب) ليكن لديك البيانات التالية: ٩، ٥، ٦، ٣، ٧، ٦ أوجد كلاً مما يأتي:

السؤال الثالث

(١) المنوال (٢) الانحراف المعياري

س-ر	س-ر	(س-ر)²
٦	٦-٦ = ٠	٠
٧	٧-٦ = ١	١
٣	٣-٦ = -٣	٩
٦	٦-٦ = ٠	٠
٥	٥-٦ = -١	١
٩	٩-٦ = ٣	٩
٦		

(١) المنوال = ٦

(٢) $\bar{x} = \frac{\sum (س-ر)}{n} = \frac{٠+١-٣+٠-١+٣}{٦} = \frac{٠}{٦} = ٠$

$s^2 = \frac{\sum (س-ر)^2}{n} = \frac{٠+١+٩+٠+١+٩}{٦} = \frac{٢٠}{٦} = \frac{١٠}{٣}$

$s = \sqrt{\frac{١٠}{٣}} = \frac{\sqrt{٣٠}}{٣}$

(أ) اكتب أمام كل عبارة من العمود (أ) ما يناسبها من العمود (ب):

العمود (أ)	العمود (ب)
(١) إذا كان: $n = ١٢٠$ ، $\bar{x} = ٢٠$ فإن $\sum x =$ (٦)	٧
(٢) $\sum x^2 = ٤٠٠$ ، $\sum x = ٢٠$ فإن $s^2 =$ (٨)	٢
(٣) مدى للقيم: ٨، ٧، ٣، ٤، ٥ يساوي (٥)	٢٠
(٤) عدد طرق اختيار ثلاثة طلاب من ستة يساوي (٢٠)	٥
(٥) إذا كان $\sum (x - \bar{x}) = ١٢٠$ فإن $n =$ (٧)	٦
(٦) $n_1 + n_2 = ١٠$ ، $n_1 = ٦$ فإن $n_2 =$ (٤)	٨
	١٠

السؤال الرابع

(ب) من بين (١٠) طلاب ، كم عدد طرق تكوين لجنة رياضية في الحالتين التاليتين :

(١) دون شرط (٢) اللجنة مكونة من رئيس ونائب وعضوين

(١) عدد الطرق = $\frac{١٠!}{(١٠-٣)!} = \frac{١٠!}{٧!} = ١٠ \times ٩ \times ٨ = ٧٢٠$ طرق

(٢) عدد الطرق = $\frac{١٠!}{(١٠-٤)!} = \frac{١٠!}{٦!} = ١٠ \times ٩ \times ٨ \times ٧ = ٥٠٤٠$ طرق

(أ) كم عدداً مكوناً من ثلاثة أرقام يمكن تكوينه من { ١ ، ٢ ، ٣ ، ٤ ، ٥ } في الحالتين التاليتين:

(١) مع التكرار $5 \times 5 \times 5 = 125$ عدد

(٢) دون تكرار $5 \times 4 \times 3 = 60$ عدد

(ب) أكمل الجدول التالي بالقيم التي تساعدك على إيجاد معامل ارتباط (سبيرمان) للرتب ثم حدد نوعه ودرجته:

سر	سر	رتبة سر	رتبة صر	ف	ف٢
١٠	٩	٦	٤	٤	١٦
٩	٨	٥	٣	٤	١٦
٨	٧	٤	٢	٤	١٦
٤	١٠	٣	٥	٤	١٦
٣	١٢	٢	٦	٤	١٦
٢	٥	١	١	٤	١٦
المجموع					٣٢

$r = 1 - \frac{6 \sum d^2}{n(n^2 - 1)}$

$1 - \frac{6 \times 12}{(10)(10^2 - 1)} = 1 - \frac{72}{99} = 0.26$

ارتباط طردي موجب

السؤال الخامس

(أ) أوجد: $\left[\frac{2}{s} + (4s + \frac{2}{s}) \right] - \left[\frac{2}{s} + (4s + \frac{2}{s}) \right]$

$18 = 12 - 6 = [1 + 1] - [4 + 16] =$

(ب) أكمل الجدول التالي بالبيانات التي تفيدك في إيجاد كل مما يلي:

(١) معادلة انحدار ص على س (٢) قيمة ص عندما س = ١٠

سر	سر	سر	سر	سر
٩	٢٧	٩	٣	
١٦	٢٤	٦	٤	
٢٦	٣٠	٥	٦	
٢٥	٣٥	٧	٥	
٤٩	٢١	٣	٧	
١٣٥	١٣٧	٣٠	٢٥	المجموع

$\bar{s} = \frac{\sum s}{n} = \frac{20}{5} = 4$ ، $\bar{v} = \frac{\sum v}{n} = \frac{30}{5} = 6$

$\frac{\sum (s - \bar{s})(v - \bar{v})}{\sum (s - \bar{s})^2} = \frac{137 \times 5 - 30 \times 25}{675 - 675} = \frac{675 - 750}{0} = \frac{-75}{0}$

$\frac{137 \times 5 - 30 \times 25}{675 - 675} = \frac{675 - 750}{0} = \frac{-75}{0}$

$137 - 30 = 107$

$\bar{s} - \bar{v} = 4 - 6 = -2$

$137 - 30 = 107$

مصادره انحدار ص على س هي ص = ١٢ - ٣٠ + ١٢٥

(٢) عند ما س = ١٠ فإن ص = ١٢ - ٣٠ + ١٢٥ = ١٠٧

$107 - 137 = -30$

السؤال السادس